

Funcții mărginite

Fie funcția:

$$f: A \rightarrow B, A, B \subseteq \mathbb{R}.$$

Definiție. **Imaginea funcției f** (sau mulțimea valorilor funcției f) este mulțimea:

$$\text{Im}f = f(A) = \{f(x) \mid x \in A\} = \{y \in B \mid \exists x \in A \text{ a. } f(x) = y\} \subseteq B.$$

Definiție. Funcția f este **mărginită** dacă mulțimea valorilor funcției este inclusă într-un interval de numere reale.

Funcția f este mărginită dacă:

- $\exists a, b \in \mathbb{R} \text{ a. } a \leq f(x) \leq b, \forall x \in A.$
- $\exists a, b \in \mathbb{R} \text{ a. } \text{Im}f \subset [a, b]$
- $\exists M > 0 \text{ a. } |f(x)| \leq M, \forall x \in A.$

Observație. Dacă o funcție este mărginită, atunci graficul acesteia este cuprins între două drepte paralele cu axa Ox .