

Derivatele funcțiilor elementare

1. Funcția constantă $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = c$ este derivabilă pe \mathbb{R} și derivata sa este egală cu zero: $f'(x) = 0, \forall x \in \mathbb{R}$.

- Notăție: $c' = 0$.

2. Funcția putere cu exponent natural $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^n, n \in \mathbb{N}^*$ este derivabilă pe \mathbb{R} și derivata sa este egală cu $f'(x) = nx^{n-1}, \forall x \in \mathbb{R}$.

- Notăție: $(x^n)' = nx^{n-1}$.

3. Funcția putere cu exponent real $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^r, r \in \mathbb{R}$ este derivabilă pe $(0, +\infty)$ și derivata sa este egală cu $f'(x) = rx^{r-1}, \forall x \in (0, +\infty)$.

- Notăție: $(x^r)' = rx^{r-1}$.

4. Funcția radical de ordin n . Fie $f : D \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \sqrt[n]{x}, \forall x \in D, n \in \mathbb{N}, n \geq 2$ *left*,

unde Invalid Equation dacă n este impar și $D = [0, +\infty)$ dacă n este par.

Funcția radical este derivabilă în orice punct $x \in D, x \neq 0$ și derivata sa este

$$f'(x) = \frac{1}{n \sqrt[n]{x^{n-1}}}, \forall x \in D, x \neq 0.$$

- Notăție: $(\sqrt[n]{x})' = \frac{1}{n \sqrt[n]{x^{n-1}}}$.

5. Funcția logaritmică

a) $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \ln x$, este derivabilă pe $(0, +\infty)$ și derivata sa este

$$f'(x) = \frac{1}{x}, \forall x > 0.$$

- Notăție: $(\ln x)' = \frac{1}{x}$.

b) $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \log_a x, a > 0, a \neq 1$ este derivabilă pe $(0, +\infty)$ și derivata sa este

$$f'(x) = \frac{1}{x \cdot \ln a}, \forall x > 0.$$

- Notăție: $(\log_a x)' = \frac{1}{x \cdot \ln a}$.

6. Funcția exponențială $f : \mathbb{R} \rightarrow (0, +\infty)$, $f(x) = a^x$, $a > 0$, $a \neq 1$ este derivabilă pe \mathbb{R} și derivata sa este $f'(x) = a^x \cdot \ln a$, $x \in \mathbb{R}$.

- Notăție: $(a^x)' = a^x \cdot \ln a$.
- Caz particular: $(e^x)' = e^x$.

www.Lectii-Virtuale.ro